

Geometrija (I-smer), primer ispitnih zadataka 2011/12, vreme rada 120 minuta

- 1) (3+9) a) Definisati sabiranje vektora. b) Upotrebom vektora dokazati da se duži AC i BD polove ako i samo ako je četvorougao $ABCD$ paralelogram.
- 2) (6+6) a) Napisati kanonske oblike krivih drugog reda u ravni i njihove nazive b) Translacijom svesti na kanonski oblik i reći o kojoj se krivoj radi: $x^2 - 4y^2 - 4x - 8y - 4 = 0$.
- 3) (4+4) a) Odrediti tačke P_1, P_2, P_3, P_4 koje duž AB , $A(\frac{-3}{2}, 2)$, $B(1, 7)$ dele na 5 jednakih delova. b) Ispitati da li su tačke $K(3, -1, 4)$, $L(5, 1, 1)$, $M(3, 1, 2)$, $N(0, 0, 1)$ komplanarne.
- 4) (2+8) a) Napisati formulu za ugao izmedju ravni α i β . b) Odrediti jednačinu ravni α koja sadrži pravu $p : \frac{x+4}{-3} = \frac{y}{0} = \frac{z}{1}$ i normalna je na ravan $\beta : -x - y + z + 1 = 0$.
- 5) (6+6+6) a) Skicirati poliedarski model Mebijusove trake i napisati mu tabelu povezanosti. b) Dokazati da Mebijusova traka nije orijentabilna. c) Izračunati Ojlerovu karakteristiku Mebijusove trake.